

Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Б1.О.17 Дискретная математика

наименование дисциплины (модуля) в соответствии с учебным планом

Направление подготовки / специальность

02.03.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль)

02.03.01.31 Математическое и компьютерное моделирование

Форма обучения

очная

Год набора

2023

Красноярск 2023

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Программу составили _____

Кандидат физико-математических наук, Доцент, Ушаков Юрий

Юрьевич

должность, инициалы, фамилия

1 Цели и задачи изучения дисциплины

1.1 Цель преподавания дисциплины

Курс «дискретной математики и математической логики» имеет целью дать студентам инструмент, применимый как к наукам о поведении (кибернетика, теория информации, теория систем), так и к чисто абстрактным наукам. Основной задачей является ознакомление студентов с алгеброй множеств и решётками, комбинаторикой, алгеброй логики, основами теории графов, теории автоматов и теории кодирования. Большое внимание уделяется вопросам применения полученных теоретических знаний к решению прикладных задач и умению формулировать прикладные задачи на языке комбинаторных объектов, теории графов, алгебры логики.

1.2 Задачи изучения дисциплины

В итоге изучения дисциплины «дискретная математика» студент должен уметь:

- для заданной булевой функции строить и упрощать представляющую её булеву формулу
- строить таблицы истинности формул алгебры высказываний,
- проверять принадлежность булевой функции к замкнутым классам функций, составлять базисы для булевых функций
- доказывать теоретико-множественные тождества
- строить бинарные отношения и частично упорядоченные множества с заданными свойствами,
- проводить несложные комбинаторные вычисления
- выявлять автоморфизмы систем, заданных графами
- проверять планарность и раскрашиваемость графов
- применять основные алгоритмы на ориентированных графах, транспортных сетях и сетевых графиках
- строить схемы помехоустойчивого кодирования и кодирования с минимальной избыточностью
- анализировать помехозащищенность и избыточность заданных схем кодирования
- представлять интуитивные алгоритмы в разных парадигмах: с помощью машин Тьюринга и в виде рекурсивных функций
- самостоятельно работать с литературой по теории информации, теоретическим основам конструирования ПК, и т.д.

1.3 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения по дисциплине
	ОПК-1: Способен консультировать и использовать фундаментальные знания в области математического анализа, комплексного и функционального анализа алгебры, аналитической геометрии, дифференциальной геометрии и топологии,

дифференциальных уравнений, дискретной математики и математической логики, теории вероятностей, математической статистики и случайных процессов, численных методов, теоретической механики в профессиональной деятельности

ОПК-1.8: Использует базовые фундаментальные знания в области дискретной математики и математической логики и консультирует в данной предметной области

Общие сведения о информационно-коммуникационных системах и источниках. Стандартные приемы форматирования и переработки информации. Методами представления и первичного анализа информации и массивов данных о свойствах объектов.

1.4 Особенности реализации дисциплины

Язык реализации дисциплины: Русский.

Дисциплина (модуль) реализуется без применения ЭО и ДОТ.

2. Объем дисциплины (модуля)

Вид учебной работы	Всего, зачетных единиц (акад.час)	Сем естр	
		1	2
Контактная работа с преподавателем:	3,89 (140)		
занятия лекционного типа	1,94 (70)		
практические занятия	1,94 (70)		
Самостоятельная работа обучающихся:	2,11 (76)		
курсовое проектирование (КП)	Нет		
курсовая работа (КР)	Нет		
Промежуточная аттестация (Зачёт) (Экзамен)	1 (36)		

3 Содержание дисциплины (модуля)

3.1 Разделы дисциплины и виды занятий (тематический план занятий)

		Контактная работа, ак. час.							
№ п/п	Модули, темы (разделы) дисциплины	Занятия лекционного типа		Занятия семинарского типа				Самостоятельная работа, ак. час.	
				Семинары и/или Практические занятия		Лабораторные работы и/или Практикумы			
		Всего	В том числе в ЭИОС	Всего	В том числе в ЭИОС	Всего	В том числе в ЭИОС	Всего	В том числе в ЭИОС
1. Множества и отношения.									
	1. Лекция 1. 1.1. Операции на множествах и их свойства. Метод доказательств теоретико-множественных тождеств. 1.2. Декартово произведение множеств. Теорема о мощности декартова произведения. Булеан множества. Теорема о мощности булеана.	2							
	2. Лекция 2. 1.3. Отношения. Типы бинарных отношений. 1.4. Теорема о разбиении основного множества на классы эквивалентности.	2							

3. Лекция 3. 1.5. Диаграмма Хассе частичного порядка. Дистрибутивные решетки. Изоморфизмы бинарных отношений. 1.6. Теорема об изоморфизме частично упорядоченного множества A некоторой системе подмножеств множества A , упорядоченной включением.	2							
4. Семинары 1-3 Темы: 1.1 – 1.6.			28					
5. Множества и отношения.							8	
2. Комбинаторика								
1. Лекция 4. 2.1. Правило суммы и правило произведения. 2.2. Выборки и сочетания с повторениями и без повторений. Связь сочетаний с биномом Ньютона.	2							
2. Лекция 5. 2.3. Сочетания с повторениями и их число. Две задачи о целочисленных решениях линейного уравнения. 2.4. Размещение данного состава и полиномиальная формула.	2							
3. Лекция 6. 2.5. Применение формулы включений и исключений в перечислительных задачах. Задача о беспорядках. Третья задача о целочисленных решениях линейного уравнения. 2.6. Рекуррентные соотношения и производящие функции.	2							
4. Семинары 4-6 Темы: 2.1 – 2.6.			6					

5. Комбинаторика							4	
3. Теория графов								
1. Лекция 7. 3.1. Определение неориентированных и ориентированных графов и мультиграфов. Определение простого графа. Лемма о рукопожатиях для простого графа. 3.2. Основные типы графов: пустые, полные, циклические графы, двудольные графы.	2							
2. Лекция 8. 3.3. Матричные способы описания графов. Изоморфизмы графов, необходимые и достаточные условия. Операции над графами. Теорема о степени матрицы смежности.	2							
3. Лекция 9. 3.4. Планарность графов. Теорема Эйлера о плоских графах. Доказательство непланарности графов $K_{3,3}$ и K_5 . 3.5. Гомеоморфизмы графов. Критерий Понтрягина-Куратовского.	2							
4. Лекция 10. 3.6. Цепи, циклы, достижимость в графе. Компоненты связности. Теоремы о цикле в связном графе. 3.7. Эйлеровы и полуэйлеровы графы.	2							
5. Лекция 11. 3.8. Правильная раскраска графа. Задача о четырех красках. Теорема о правильной раскраске планарного графа пятью красками. 3.9. Хроматический полином. Алгоритм правильной раскраски.	2							

6. Лекция 12. 2.5. Гамильтоновы и полугамильтоновы графы. 2.6. Лес и деревья. Остовное дерево. Цикломатическое число. Единственность пути в дереве. Центр дерева, алгоритм нахождения центра.	2							
7. Лекция 13. 2.7. Ориентированные графы. Способы описания. 2.8. Эйлеровы и полуэйлеровы ориентированные графы, необходимый и достаточный признак.	2							
8. Лекция 14. 2.9. Алгоритм Дейкстры. 2.10. Алгоритм насыщения. Задача о критическом пути в сетевом графике, алгоритм решения.	2							
9. Лекция 15. 2.9. Транспортные сети. Допустимый поток в транспортной сети. Свойства допустимого потока. 2.10. Максимальный поток в транспортной сети.	2							
10. Лекция 16. 2.11. Орграф приращений. Разрезы. Максимальная пропускная способность сети. Теорема Форда-Фалкерсона.	2							
11. Семинары 7-17 Темы: 3.1 – 3.20.								
12. Лекция 17. 2.11. Паросочетания. Теорема Холла о паросочетаниях в двудольном разрезе. 2.12. Задача о назначениях.	2							
13. Теория графов							28	

4. Булевы функции								
1. Лекция 1. 1.1. Булева алгебра и свойства её операций. 1.2. Представление булевой функции булевой формулой. Теорема Шеннона.	2							
2. Лекция 2. 1.3. Булевы функции от двух переменных. 1.4. Замкнутые классы булевых функций. Функции, сохраняющие константы.	2							
3. Лекция 3. 1.5. Представление функций полиномом Жегалкина. 1.6. Линейные булевы функции.	2							
4. Лекция 4. 1.7. Самодвойственные булевы функции. 1.8. Монотонные булевы функции. Критерии монотонности.	2							
5. Лекция 5. 1.9. Полная система булевых функций, базис. 1.10. Теоремы о полноте.	2							
6. Лекция 6. 1.11. Теоремы об изоморфизме. 1.12. Метод гиперкубов.	2							
7. Семинары 4-6 Темы: 2.1 – 2.6.			12					
8. Булевы функции							24	
5. Теория кодирования								
1. Лекция 7. 2.1. Алфавитное кодирование, делимые схемы. 2.2. Префиксные схемы. Неравенство Макмиллана.	2							

2. Лекция 8. 2.3. Теорема о существовании разделимой схемы с кодами заданных длин. 2.4. Кодирование с минимальной избыточностью. Цена кодирования. Алгоритм Фано.	2							
3. Лекция 9. 2.5. Оптимальное кодирование. Алгоритм Хаффмена.	2							
4. Лекция 10. 2.6. Арифметическое кодирование. 2.7. Математическая модель естественного языка. Алгоритм сжатия RPPM.	2							
5. Лекция 11. 2.8. Помехоустойчивое кодирование. Исправление и «обнаружение» ошибок. Теорема о числе ошибок, которые могут быть «обнаружены» и исправлены.	2							
6. Лекция 12. 2.9. Матричное кодирование. Групповые коды.	2							
7. Лекция 13. 2.10. Расстояние Хэмминга. Код Хэмминга.	2							
8. Семинары 7-17 Темы: 3.1 – 3.20.			14					
9. Теория кодирования							12	
6. Теория вычислимости								
1. Лекция 14. 3.1. Частичные арифметические функции. Интуитивное понятие алгоритма и вычислимости. 3.2. Определение машины Тьюринга. Вычислимость по Тьюрингу.	2							

2. Лекция 15. 3.3. Примеры машин Тьюринга, вычисляющих арифметические функции. 3.4. Проблема самоприменимости машин Тьюринга.	2							
3. Лекция 16. 3.5. Рекурсивные функции. Схемы композиции, примитивной рекурсии. Доказательство примитивной рекурсивности. 3.6. Теорема о примитивной рекурсивности суммы и произведения.	2							
4. Лекция 17. 3.7. Оператор минимизации. Теорема о мажорировании неявной функции.	2							
5. Лекция 18. 3.8. Примеры теоретико-числовых примитивно рекурсивных функций. 3.9. Схема возвратной рекурсии.	2							
6. Семинары 14-18 Темы: 3.1 – 3.9.			10					
7. Теория вычислимости								
Всего	70		70				76	

4 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

4.1 Печатные и электронные издания:

1. Лавров И. А., Максимова Л. Л. Задачи по теории множеств, математической логике и теории алгоритмов(Москва: Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит.).
2. Рыбников К. А. Введение в комбинаторный анализ: монография(Москва: МГУ им. М. В. Ломоносова).
3. Новиков Ф. А. Дискретная математика для программистов: учебник (Санкт-Петербург: Питер).
4. Гиндикин С. Г. Алгебра логики в задачах(Москва: Наука. Главная редакция физико-математической литературы [Физматлит]).
5. Кузнецов О. П., Адельсон-Вельский Г. М. Дискретная математика для инженера: монография(Москва: Энергоатомиздат).
6. Сачков В.Н. Введение в комбинаторные методы дискретной математики: научное издание(Москва: Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит.).
7. Москинова Г.И. Дискретная математика. Математика для менеджера в примерах и упражнениях: Учеб. пособие(Москва: Логос).
8. Яблонский С. В., Садовничий В. А. Введение в дискретную математику: учеб. пособие для вузов(Москва: Высшая школа).
9. Горбатов В.А., Горбатов А.В., Горбатова М.В. Дискретная математика: Учеб. для студ. вузов(Москва: АСТ).
10. Кошев А.Н., Кузина В.В. Дискретная математика: Учеб. пособие: В 2 ч. (Пенза: ПГАСА).
11. Гаврилов Г.П., Сапоженко А.А. Задачи и упражнения по дискретной математике: учеб. пособие().
12. Быкова В. В. Практикум на ЭВМ по дискретной математике (вводный курс): учебное пособие(Красноярск: Красноярский университет [КрасГУ]).
13. Быкова В. В. Дискретная математика с использованием ЭВМ: учебное пособие(Красноярск: Красноярский университет [КрасГУ]).
14. Клини С. К., Минц Г. Е. Математическая логика: пер. с англ.(Москва: Мир).
15. Кристофидес Н., Гаврилов Г. П. Теория графов: алгоритмический подход: перевод с английского(Москва: Мир).
16. Емеличев В. А., Мельников О. И., Сарванов В. И., Тышкевич Р. И. Лекции по теории графов: учебное пособие обучающихся по специальности "Математика" и "Прикладная математика"(Москва: Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит.).
17. Мендельсон Э., Адян С. И. Введение в математическую логику: пер. с англ.(Москва: Наука).
18. Гаврилов Г. П., Сапоженко А. А. Сборник задач по дискретной математике: учебное пособие для студентов вузов по специальности "Прикладная математика"(Москва: Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит.).
19. Лавров И. А., Максимова Л. Л. Задачи по теории множеств, математической логике и теории алгоритмов: учеб. пособие(Москва:

ФИЗМАТЛИТ).

4.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства (программное обеспечение, на которое университет имеет лицензию, а также свободно распространяемое программное обеспечение):

1. Специальное программное обеспечение в учебном процессе по данной дисциплине не используется.
- 2.
- 3.

4.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

1. Для самостоятельной работы у студентов должен быть доступ к электронному каталогу НБ СФУ.

5 Фонд оценочных средств

Оценочные средства находятся в приложении к рабочим программам дисциплин.

6 Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Необходима аудитория, оборудованная доской и проектором для просмотра слайдов.

Освоение дисциплины инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья, в зависимости от нозологий, осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.